

Prediksi Pemakaian Listrik Menggunakan Jaringan Syaraf Tiruan dan ARIMA Di Wilayah Sulluttenggo

Silviani E Rumagit¹ dan Azhari²

¹Mahasiswa Program Pascasarjana Ilmu Komputer, FMIPA, UGM, Yogyakarta.

²Staf Pengajar Program Pascasarjana Ilmu Komputer, FMIPA UGM, Yogyakarta
e-mail: ¹silviani_rumagit@mail.ugm.ac.id, ²arisn@ugm.ac.id

Abstrak

Latar Belakang penelitian ini dibuat dimana semakin meningkatnya kebutuhan listrik di setiap kelompok tarif. Yang dimaksud dengan kelompok tarif dalam penelitian ini adalah kelompok tarif sosial, kelompok tarif rumah tangga, kelompok tarif bisnis, kelompok tarif industri dan kelompok tarif pemerintah. Prediksi merupakan kebutuhan penting bagi penyedia tenaga listrik dalam mengambil keputusan berkaitan dengan ketersediaan energi listrik. Dalam melakukan prediksi dapat dilakukan dengan metode statistik maupun kecerdasan buatan.

ARIMA merupakan salah satu metode statistik yang banyak digunakan untuk prediksi dimana ARIMA mengikuti model autoregressive (AR) moving average (MA). Syarat dari ARIMA adalah data harus stasioner, data yang tidak stasioner harus distasionerkan dengan differencing. Selain metode statistik, prediksi juga dapat dilakukan dengan teknik kecerdasan buatan, dimana dalam penelitian ini jaringan syaraf tiruan backpropagation dipilih untuk melakukan prediksi. Dari hasil pengujian yang dilakukan selisih MSE ARIMA, JST dan penggabungan ARIMA, jaringan syaraf tiruan tidak berbeda secara signifikan.

Kata Kunci: ARIMA, jaringan syaraf tiruan, kelompok tarif.

Abstract

Background this research was made where the increasing demand for electricity in each group. The meaning this group is social, the household, business, industry groups and the government fare. Prediction is an important requirement for electricity providers in making decisions related to the availability of electric energy. In doing predictions can be made by statistical methods and artificial intelligence.

ARIMA is a statistical method that is widely used to predict where the ARIMA modeled autoregressive (AR) moving average (MA). Terms of ARIMA is the data must be stationary, the data is not stationary should be stationary use differencing. In addition to the statistical method, predictions can also be done by artificial intelligence techniques, which in this study selected Backpropagation neural network to predict. From the results of tests made the difference in MSE ARIMA, ANN and merging ARIMA, artificial neural networks are not significantly different.

Key word: ARIMA, neural network, tariff groups

1. PENDAHULUAN

Tenaga listrik merupakan kebutuhan pokok bagi masyarakat. Tenaga listrik digunakan oleh beberapa sektor, antara lain sektor rumah tangga, industri, usaha komersial, dan tempat layanan umum. Tenaga Listrik tidak dapat disimpan dalam skala besar, karenanya tenaga ini harus disediakan pada saat dibutuhkan. Akibatnya timbul persoalan dalam menghadapi kebutuhan daya listrik yang tidak tetap dari waktu ke

waktu. Akibatnya timbul persoalan dalam menghadapi kebutuhan daya listrik yang tidak tetap dari waktu ke waktu, bagaimana mengoperasikan suatu sistem tenaga listrik yang selalu dapat memenuhi permintaan daya pada setiap saat. Prediksi kelistrikan merupakan salah satu bidang yang banyak diteliti karena listrik merupakan salah satu jenis energi utama, sehingga diperlukan perencanaan yang baik untuk mengetahui permintaan listrik di masa depan (Chank, dkk. 2009). Tenaga listrik tidak dapat disimpan dalam skala besar, karenanya tenaga ini harus disediakan pada saat dibutuhkan sehingga secara langsung mempengaruhi biaya untuk pengoperasian dan pembangunan tenaga listrik (Li dan Zhang, 2009). Oleh karena itu, diperlukan penyesuaian antara pembangkitan dengan daya dengan cara mengetahui kira-kira berapa pemakaian listrik periode yang akan mendatang.

Salah satu model yang dapat digunakan untuk memprediksi besar konsumsi listrik adalah dengan analisis *time series*. Prediksi *time series* merupakan metode kuantitatif yang banyak dikembangkan saat ini dimana hal tersebut dapat dibagi menjadi dua bagian yaitu pertama, prediksi didasarkan pada model matematika tradisional seperti ARIMA, model regresi nonparametrik, dll. Kedua, model prediksi yang tidak memperhatikan derivasi matematika secara ketat seperti jaringan syaraf tiruan, analisis secara spectral, dll (Munarsih, 2011).

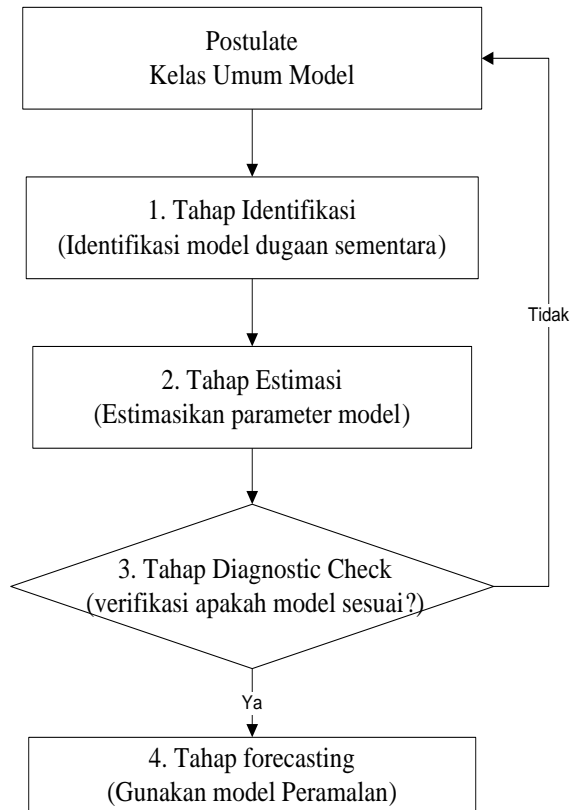
Alasan untuk melakukan pengkombinasian model ARIMA dan jaringan syaraf tiruan. Pertama, sering kali terjadi kesulitan untuk menerapkan penggunaan model linear atau model nonlinear pada suatu permasalahan *time series*. Kedua, pada kenyataannya *time series* jarang yang linear atau nonlinear saja tetapi sering mengandung keduanya, dimana tidak hanya model ARIMA atau jaringan syaraf masing-masing dapat memodelkan setiap kasusnya (Wei dan Zhen-gang, 2009). Rahayu (2005) meneliti sistem peramalan beban listrik menggunakan jaringan syaraf tiruan untuk wilayah Sumatera Selatan dan Lampung. Metode ARIMA untuk melakukan simulasi dan menganalisis data untuk mendapatkan model matematika pemakaian kWh listrik pelanggan untuk mendapatkan model matematika pemakaian kWh listrik pelanggan (Faizal dan Rizal, 2008).

Metode ARIMA merupakan salah satu metode yang banyak digunakan untuk melakukan prediksi *time series* yang biasa dikenal juga dengan metode Box-Jenkins (Bunnoon, dkk, 2009). Syarat dari ARIMA data harus stasioner terlebih dahulu sebelum dilakukan prediksi, jika data tidak stasioner dilakukan *difference* (Wei dan Zhen-gang, 2009; Nugroho, 2011). Data masa lampau dikumpulkan, dipelajari dan dianalisa dihubungkan dengan geraknya waktu. Karena adanya faktor waktu ini, maka dari hasil analisa tersebut dicoba diprediksi apa yang akan terjadi di masa mendatang (Sudjana, 1976).

2. METODE PENELITIAN

Gambar 1 diperlihatkan tahapan secara umum dalam pelaksanaan penelitian ini. Penelitian mengambil kasus pemakaian listrik kelompok tarif di wilayah PLN Suluttenggo, data yang digunakan adalah data pemakaian listrik bulan Januari 2004 sampai dengan bulan Desember 2010. Data bulan Januari 2004 sampai bulan Februari 2008 dijadikan sebagai data *in sample* untuk pembuatan ARIMA dan data bulan Maret 2008 sampai bulan Desember 2010 digunakan sebagai data *out sample*. Input dari sistem adalah data pemakaian listrik per kelompok tarif, sedangkan output sistem adalah pemakaian listrik untuk enam periode berikutnya. Metode yang akan digunakan adalah ARIMA, jaringan syaraf tiruan *feedforward* dengan pelatihan Backpropagation, dan

gabungan dari ARIMA dan JST. Prediksi dilakukan pada masing-masing kelompok tarif yang terbagi dalam lima kelompok tarif yaitu: kelompok tarif sosial, rumah tangga, bisnis, industri dan pemerintah. Metode yang akan digunakan adalah ARIMA, jaringan syaraf tiruan *feedforward* dengan pelatihan backpropagation, dan gabungan dari ARIMA dan JST. Pada Tabel 1 ditunjukkan data yang akan digunakan dalam penelitian ini



Gambar 1 Tahapan pembangunan ARIMA

Tabel 1.Data pemakaian listrik

No	bln/thn	Sosial	Rumah Tangga	Bisnis	Industri	Pemerintah
1	Jan04	3031617	48728562	11535459	6467504	5292898
2	Feb04	2989570	48693099	12119528	6981198	5280052
3	Mar04	2947089	47404875	12170612	7124098	5309385
4	Apr04	3121971	48560363	11950558	7139702	5916665
5	Mei04	3092962	49474183	12883808	8081441	5868457
.
.
83	Nov10	5724876	86713749.67	28002804	8648356	11056674
84	Des10	6037107	97106902	27488599	8253485	10967248

Model *Autoregressive Integrated Moving Average* (ARIMA) merupakan pendekatan model kuantitatif yang dikembangkan oleh George Box dan Gwilym Jenkins tahun 1976 dimana metode ini memanfaatkan data masa lalu dan data sekarang untuk menghasilkan prediksi yang akurat (Nugroho, 2011).

ARIMA merupakan model gabungan dari *autoregressive* (AR) dan *moving average* (MA) yang *difference*. Banyaknya nilai lampai yang digunakan pada model (p) menunjukkan tingkat dari model itu. Jika hanya digunakan satu nilai lampai, maka itu model AR tingkat satu dan dilambangkan dengan AR (1). Model *autoregressive* orde p atau AR (p), rumus umumnya sebagai berikut:

$$Y_t = B_1 Y_{t-1} + B_2 Y_{t-2} + \dots + B_p Y_{t-p} + e_t \quad (1)$$

Keterangan:

Y_t = variabel dependen
 $Y_{t-1}, Y_{t-2}, Y_{t-p}$ = variabel independent atau nilai lampai variabel yang bersangkutan
 B_1, B_2, B_p = koefisien regresi
 e_t = nilai residual atau error pada periode t

Rumus umum model *moving average* orde q atau MA (q) sebagai berikut:

$$Y_t = e_t - W_1 e_{t-1} - W_2 e_{t-2} - \dots - W_q e_{t-q} \quad (2)$$

Y_t = variabel dependent
 W_1, W_2, W_q = bobot
 e_t = residual atau error
 $e_{t-1}, e_{t-2}, e_{t-p}$ = n ilai residual sebelumnya

Perbedaan model *moving average* dengan model *autoregressive* terletak pada jenis variabel independen. Bila variabel independen pada model *autoregressive* adalah nilai sebelumnya (lag) dari variabel dependen (Y_t) itu sendiri, maka pada model *moving average* sebagai variabel independennya adalah nilai residual pada periode sebelumnya. Banyaknya kesalahan yang digunakan pada persamaan ini menandai tingkat dari model *moving average*. Model umum dari ARIMA (p,q) adalah kombinasi dari persamaan AR dan MA yang membentuk rumus seperti berikut:

$$Y_t = B_1 Y_{t-1} + B_2 Y_{t-2} + \dots + B_p Y_{t-p} + e_t - W_1 e_{t-1} - W_2 e_{t-2} - \dots - W_q e_{t-q} \quad (3)$$

Alat utama utama yang digunakan untuk mengidentifikasi q dan p adalah ACF dan PACF dan correlogram yang menunjukkan plot nilai ACF dan PACF terhadap lag. Koefisien autokolerasi merupakan kunci untuk analisis deret berkala sehingga autokorelasi (ACF) untuk *time lag k* dapat dicari dengan:

$$r_k = \frac{\sum_{t=1}^{n-k} (Y_t - \bar{Y})(Y_{t+k} - \bar{Y})}{\sum_{t=1}^n (Y_t - \bar{Y})^2} \quad (4)$$

dimana:

r_k = nilai ACF pada lag k
 k = waktu periode *time series*
 Y_t = nilai deret berkala pada waktu t
 \bar{Y} = nilai tengah (*mean*) dari deret berkala
 n = jumlah dari observasi
 Jika $r_k = 0$ maka Y_{t+k} dan Y_t data yang ada tidak berkorelasi

ACF mengukur korelasi antar pengamatan dengan jeda k , sedangkan PACF mengukur korelasi antar pengamatan dengan jeda k dan dengan mengontrol korelasi antar dua pengamatan dengan jeda kurang dari k . PACF adalah korelasi antara Y_t yang terletak di antara kedua pengamatan.

$$P_k = \frac{r_k - \sum_{j=1}^{k-1} P_{k-1,j} r_{k-1-j}}{1 - \sum_{j=1}^{k-1} P_{k-1,j} r_j} \quad (5)$$

dimana:

P_k = nilai PACF dengan ordo k

r_k = nilai ACF pada lag k

Tahapan prediksi model ARIMA antara lain:

1. Tahap Identifikasi

Langkah pertama dalam identifikasi model adalah menentukan deret berkala stasioner. Identifikasi diawali dengan membuat plot data.

2. Tahap Estimasi

Setelah bentuk model yang kira-kira sesuai untuk data ditentukan, selanjutnya mengestimasi parameter dalam model, seperti koefisien dari model ARMA dan nilai variansi dari residual.

3. Tahap Diagnostik Model

Langkah selanjutnya adalah melakukan cek diagnostik dari model yang telah di estimasi di langkah 2, yakni memverifikasi kesesuaian model dengan sifat-sifat data. Jika model merupakan model yang tepat, data yang dihitung dengan model akan memiliki sifat-sifat yang mirip dengan data asli. Untuk memilih model terbaik, pilih model yang meminimalkan MSE.

4. Tahap Forecasting

Setelah model terbaik diperoleh dari langkah-langkah pemodelan di atas, model tersebut dapat digunakan untuk meramalkan sifat-sifat data di masa yang akan datang. Beberapa ukuran kebaikan penyesuaian atau peramalan dapat digunakan ukuran MSE.

Jaringan syaraf tiruan didefinisikan sebagai suatu sistem pemrosesan informasi yang mempunyai karakteristik menyerupai jaringan syaraf manusia. Jaringan syaraf tiruan tercipta sebagai suatu generalisasi model matematis dari pemahaman manusia (*human cognition*) yang didasarkan atas asumsi sebagai berikut:

1. Pemrosesan informasi terjadi pada elemen sederhana yang disebut *neuron*.
2. Sinyal mengalir di antara sel syaraf/*neuron* melalui suatu sambungan penghubung.
3. Setiap sambungan penghubung memiliki bobot yang bersesuaian. Bobot ini akan digunakan untuk menggandakan atau mengalikan isyarat yang dikirim melaluinya.

Setiap sel syaraf akan menerapkan fungsi aktivasi terhadap isyarat hasil penjumlahan berbobot yang masuk kepadanya untuk menentukan isyarat keluarannya (Fausett, 1994). Model jaringan syaraf tiruan *feedforward multilayer* digunakan dalam aplikasi prediksi yang akan dibuat. Langkah pertama adalah menentukan parameter-

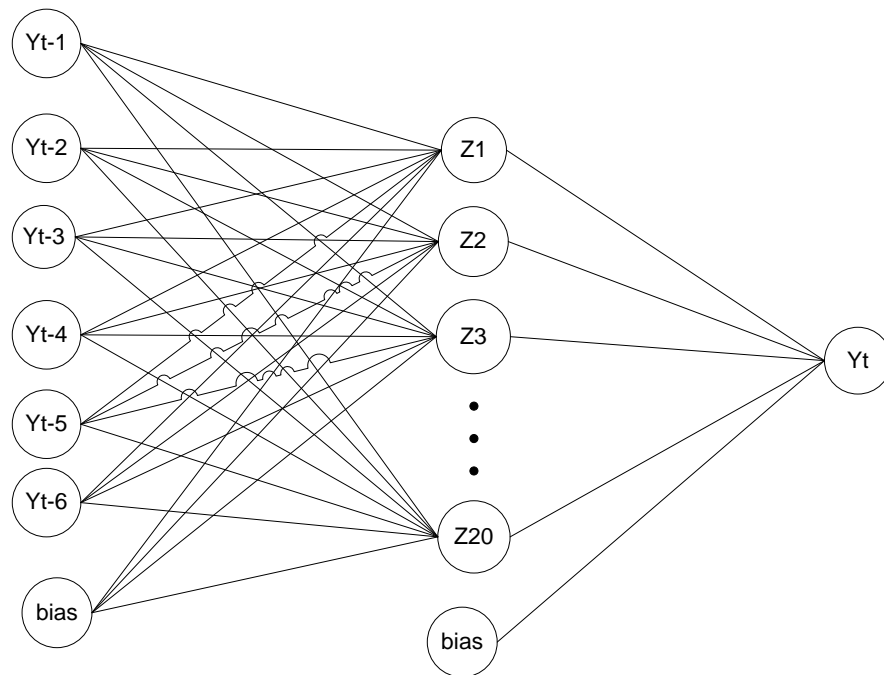
parameter yang akan digunakan dalam melatih jaringan syaraf pada data *times series*. Adapun langkah-langkah penentuan parameter adalah:

1. Menentukan arsitektur jaringan.
Arsitektur jaringan yang dibuat terdiri dari tiga lapisan yang tersusun dari 1 lapisan input, 1 lapisan tersembunyi, dan 1 lapisan output.
2. Fungsi Aktivasi.
Fungsi-fungsi aktivasi yang akan digunakan untuk semua unit-unit tersembunyi adalah fungsi sigmoid biner dan untuk lapisan output digunakan fungsi sigmoid bipolar.
3. Algoritma Pelatihan.
Metode yang digunakan untuk pembelajaran adalah algoritma *backpropagation*.
4. Bobot awal dan bias awal jaringan ditetapkan secara random.
5. Maksimum epoch.
Maksimum epoch adalah jumlah epoch maksimum yang boleh dilakukan selama proses training. Iterasi akan dihentikan jika nilai epoch telah melebihi epoch yang telah ditentukan yaitu 1000 epoch.

Pada penelitian ini ditentukan 6 neuron input, 20 neuron hidden layer dan 1 output seperti pada Gambar 2. Model ARIMA dan JST merupakan kombinasi dari dua model menjadi satu. Pemodelan dilakukan di ARIMA kemudian dari model yang memiliki minimum MSE dipilih menjadi input untuk JST yang terbagi dalam 3 input yaitu:

1. Input pada lag-1 (Y_{t-1}),
2. Input pada lag-1 (Y_{t-1}), dan lag-2,
3. Input pada lag-1 (Y_{t-1}), lag-2 (Y_{t-2}), lag-3 (Y_{t-3}), lag-4 (Y_{t-4}), lag-5 (Y_{t-5}), lag-6 (Y_{t-6}).

Pada penelitian ini data yang digunakan dimodelkan dan diuji dengan ARIMA. Selanjutnya hasil dari data prediksi ARIMA akan dimodelkan menggunakan jaringan syaraf tiruan. Setelah mendapatkan hasil dari masing-masing metode maka akan dilakukan perbandingan dengan melihat error yang dihasilkan menggunakan MSE dan MAPE.



Gambar 2 Arsitektur jaringan

3. HASIL DAN PEMBAHASAN

Implementasi sistem ini terdiri dari tiga proses utama yaitu ARIMA, JST dan gabungan ARIMA dan JST. Tahap-tahap pemodelan ARIMA dalam penelitian ini meliputi:

1. Plot data asli.
2. Uji kestasioneran, agar data stasioner maka dilakukan *differencing* dimulai dengan differencing.
3. Identifikasi model, dengan melihat plot ACF/PACF dapat ditentukan kira-kira model yang cocok. penerapan model sementara dilakukan untuk menganalisa model manayang akan dipilih untuk prediksi.
4. Estimasi parameter, dari beberapa pemodelan yang telah ditentukan pada tahap 3 didapatkan hasil MSE dan MAPE.
5. Diagnostik cek, pengidentifikasian untuk menentukan model mana yang paling cocok digunakan.
6. Prediksi, langkah terakhir yang harus dilakukan adalah prediksi untuk beberapa periode ke depan.

Perbandingan minimum error MSE dengan MAPE dari pemodelan ARIMA untuk kelompok tarif sosial (Tabel 2), rumah tangga (Tabel 3), tarif bisnis (Tabel 4), tarif industri (Tabel 5), tarif pemerintah (Tabel 6), dengan simbol * adalah model ARIMA yang dipilih untuk model optimal dengan JST digunakan.

Tabel 2. Kelompok tarif sosial

Model	MSE	MAPE
3,1,2	0,00839	0,0049
1,1,1	0,01235	0,00626
2,1,2	0,00714	0,00432
1,1,2*	0,00675	0,00418

Tabel 3. Kelompok tarif rumah tangga

Model	MSE	MAPE
3,1,2*	0,0101	0,00422
1,1,1	0,00604	0,00331
2,1,2	0,00873	0,00383
1,1,2	0,00675	0,00418
1,1,0	0,00529	0,00316

Tabel 4 Kelompok tarif bisnis

Model	MSE	MAPE
3,1,2	0,02013	0,00678
1,1,1	0,03579	0,00976
2,1,2	0,01698	0,00608
1,1,2*	0,01704	0,00618

Tabel 5. Kelompok tarif industri

Model	MSE	MAPE
3,1,2	0,01714	0,00659
1,1,1	0,03579	0,00976
2,1,2*	0,013	0,00597
1,1,2	0,01336	0,00607

Tabel 6. Kelompok tarif pemerintah

Model	MSE	MAPE
3,1,2	0,06209	0,0125
1,1,1	0,05435	0,01157
2,1,2	0,06215	0,01248
1,1,2	0,05369	0,01153
1,1,0*	0,04156	0,01006

Pelatihan pada jaringan syaraf tiruan dilakukan setelah data dibuat dengan data mana yang akan dilatih dalam hal ini data masing-masing kelompok tarif. Setelah dilakukan pelatihan maka data akan diuji. Dalam penelitian ini learning rate ditentukan sebesar 0,1 maksimum error 0,05, 6 neuron lapisan input, 20 neuron lapisan hidden, dan maksimum epoch 1000, dan hasil minimum error yang diperoleh masing-masing model dibandingkan dengan aplikasi MAPE diperlihatkan pada Tabel 7, yang secara menyeluruh hasil error lebih kecil.

Tabel 7. Perbandingan MSE dan MAPE JST

	MSE	MAPE
Sosial	0,41953	3,57052
Rumah Tangga	0,34775	5,10571
Bisnis	0,51039	16,44079
Industri	0,13196	2,62063
Pemerintah	0,45467	5,25051

Tahap implementasi metode ARIMA-JST per kelompok tarif diperoleh dari model ARIMA. Input untuk jaringan syaraf tiruan diambil dari prediksi model ARIMA yang optimal dimana ketentuan input yaitu: 1) Input pada lag-1 (Y_{t-1}), 2) Input pada lag-1 (Y_{t-1}), dan lag-2, 3) Input pada lag-1 (Y_{t-1}), lag-2 (Y_{t-2}), lag-3 (Y_{t-3}), lag-4 (Y_{t-4}), lag-5 (Y_{t-5}), lag-6 (Y_{t-6}).

Tabel 8. Perbandingan MSE dan MAPE masing-masing kelompok tarif

Lag	Sosial		Rumah Tangga		Bisnis		Industri		Pemerintah	
	MSE	MAPE	MSE	MAPE	MSE	MAPE	MSE	MAPE	MSE	MAPE
1,2,3,4,5,6	0,118	1,3054	0,1225	2,6037	0,0952	2,8868	0,0759	1,177	0,0748	1,3102
1,2	0,0656	1,3093	0,1465	2,4717	0,095	3,2243	0,0789	1,0548	0,08	1,5955
1	0,0534	1,4599	0,1829	2,5237	0,0968	3,3292	0,0812	1,2062	0,0808	1,6194

Perbandingan MSE dan MAPE di atas menunjukkan berbagai macam hasil dari setiap lag yang menjadi input. Untuk kelompok tarif sosial MSE paling kecil dengan model JST (1,20,1). Kelompok tarif rumah tangga model JST (6,20,1), kelompok tarif bisnis (2,20,1), kelompok tarif industri (6,20,1) dan kelompok tarif pemerintah (6,20,1).

Tabel 9. Perbandingan ARIMA, JST dan Hibrid

Kelompok Tarif	Model ARIMA	MSE		
		ARIMA	JST	Hibrid
Sosial	1,1,2	0,00675	0,41953	0,0534
Rumah Tangga	1,1,0	0,00529	0,34775	0,1225
Bisnis	1,1,2	0,01704	0,51039	0,095
Industri	2,1,2	0,013	0,13196	0,0759
Pemerintah	1,1,0	0,04156	0,45467	0,0748

4. KESIMPULAN

Berdasarkan hasil dan pembahasan, berikut beberapa kesimpulannya adalah :

1. Melihat hasil yang didapat dari perhitungan error MSE jaringan syaraf tiruan memiliki MSE yang paling besar. Sedangkan gabungan ARIMA dan JST MSE tidak berbeda jauh.
2. MSE terkecil dari kelompok tarif sosial 0,00675, kelompok tarif rumah tangga 0,00529, kelompok tarif bisnis 0,01704, kelompok tarif industri 0,013, dan kelompok tarif pemerintah 0,0748.
3. Setiap error berbeda tergantung bentuk data.
4. Dalam penelitian ini yang diuji adalah untuk prediksi 6 periode ke depan.

5. SARAN

Tentunya ada beberapa kendala dalam penyelesaian sistem prediksi ini dan saran yang akan dituliskan kiranya boleh menjadi perhatian bagi pengembangan sistem prediksi selanjutnya.

1. Dilakukan perbandingan untuk mengetahui perbedaan kinerja dari sistem prediksi yang telah dibuat dengan kasus yang berbeda.
2. *Preprocessing* mempengaruhi error untuk itu dicari metode preprocessing yang menghasilkan error yang lebih kecil.
3. Penggabungan metode ARIMA dan jaringan syaraf tiruan dengan cara yang berbeda seperti pemodelan ARIMA menjadi pemodelan JST.

6. UCAPAN TERIMA KASIH

Penulis mengucapkan terima kasih kepada pihak PLN wilayah Suluttenggo yang telah mengizinkan penulis melakukan penelitian di wilayah ini.

DAFTAR PUSTAKA

- Bunnoon, P., Chalermyanont, K. dan Limsakul, A.C., 2009. Mid Term Load Forecasting of the Country Using. *IEEE*, pp.924-28.
- Chang, P. C., Fan, C.Y. dan Hsieh, J. C., 2009. A Weighted Evolving Fuzzy Neural Network for Electricity Demand Forecasting. *IEEE*, pp.330-35.
- Faisal, F. dan Rizal, J., 2008. Penerapan Model Analisis Time Series Dalam Peramalan Pemakaian Kwh Listrik Untuk n-Bulan Ke depan Yang Optimal Di Kota. *Jurnal Gradien*, Vol.4 , pp. 323-327.
- Fausett, L., 1994. *Fundamentals of Neural Networks*. Englewood Cliffs, New Jersey: Prentice-Hall, Inc.
- Li, X. dan Zhang, P., 2009. Medium-long Power Load Forecasting Based on Improved Grey BP Model. *IEEE*, pp.366-68.
- Munarsih, E., 2011. *Penerapan Model ARIMA-Neural Network Hybrid untuk Peramalan Time Series*. Tesis. Yogyakarta: Universitas Gadjah Mada.
- Nugroho, B., 2011. *Perbandingan Akurasi Peramalan Metode ARIMA dan GARCH Untuk Memprediksi IHSG Periode 1991-2011*. Tesis. Yogyakarta: Universitas Gadjah Mada.
- Rahayu, T.P., 2005. *Sistem Peramalan Beban Listrik Menggunakan Jaringan Syaraf Tiruan*. Tesis. Yogyakarta: Universitas Gadjah Mada.
- Sudjana, 1976. *Statistika untuk Ekonomi dan Niaga*. Bandung: TARSITO.
- Wei, L. dan Zhen-gang, Z., 2009. Based On Time Sequence of ARIMA Model In the Application of Short-Term. In *International Conference on Research Challenges in Computer Science.*, pp.11-14